促進學習評估在數學科的實踐

張淑賢(Rita Berry)、黎耀志、殷勤思 香港教育學院

一、引言

促進學習的評估(Assessment for Learning 下稱 AfL)是指以提升學生學習為首要目的的評核方法。如何將促進學習的評估策略融入教學中,以改善學生的學習,為近年所備受關注的。由優質教育基金資助的「寓學習於評估:香港學校的實踐」計劃(Assessment for Learning in Hong Kong Schools)¹ 目的是推展及落實AfL理念於學界中。計劃通過爲教師提供專業發展培訓,好讓本港教師能切實地施行AfL於教學中。本文將集中探討促進學習的評估如何在數學科教學中實踐出來。

二、理論概述

「促進學習的評估」理念指出教師在教學過程中,透過評估了解學生在學習上的進展情況,並因應學生的需要給予回饋,以改善學生的學習成效。透過鼓勵學生積極參與自評、互評等活動來提升他們的學習能力,以達至「學習由接受到自主」的目的(Assessment Reform Group, 1999; Berry, 2013; James, et al., 2007; 李坤崇, 1999)。由於AfL是較抽象的概念,教師普遍都覺得難以將理論實踐出來。為了讓教師在施行上有較落實的教學策略可掌握,本計劃嘗試利用Berry(張淑賢)(2014)提出促進學習評估的

¹ 由優質教育基金資助的「寓學習於評估:香港學校的實踐」計劃為期兩年,有 12 間小學及 4 間中學參與,每間學校具中英數三科教師就促進學習評估的理念 框架,進行 3-4 個循環的教學設計。每次教學循環,教師均會試行將促進學習評 估融入課堂教學中,從中總結出實踐經驗與心得,以整理出香港學校環境中具 成效的促進學習評估模式。

10 項原則及 50 項指標²,鼓勵教師寓評估於教學,讓教師從中選擇重點試行的評估原則,將理念轉化為教學行動。

促進學習的評估在實踐中沒有固定的模式,會因應學科的不同特徵而有不一樣的評估重點。對數學科而言,理解「概念知識」(conceptual knowledge)和「程序知識」(procedural knowledge)是學生學習的認知重點。理解概念知識是指學生能:理解、標示及舉出概念的實例與反例;使用概念及連結模型、圖表等;明白概念的定義及在實際中應用;比較、對比及整合不同的概念與原則;詮釋概念的前設及關係。理解程序知識是指學生能:選取及掌握適切的程序;釐清或判斷具具體模型或符號方法的程序;能增潤及修訂程序,以解決特定問題;懂得應用數值算法;閱讀及製作圖表;處理幾何圖形的結構;具非計算性的技能,如:湊整及排序等(Rose, Minton, Arline, 2009)。因應學生對上述知識的誤解,學生在解決數學問題時會遇到不少困難或導致答案錯誤,教師在學生的學習過程中,可協助他們找出錯誤的根源,這比直接指出學生錯誤有更大的學習成效。

三、案例分析

本文利用兩位參與計劃的數學教師之教學實踐為例作分析說明。案例一,教師以原則二「採用多樣化的評估方法」及原則六「讓學生參與評估過程」作重點教學策略,促進學生學習概念知識;案例二,教師則以原則六協助學生學習程序知識。原則二「採用多樣化的評估方法」是指教師運用不同形式、深度、寬度的評估於教學中;原則六「讓學生參與評估過程」是指學生可以是評估的當局者,參與制定評估準則、確定習作是否符合準則、及判斷顯證與準則之間吻合程度的過程,透過評估自己和同儕來促進學習。教師選用以上重點來設計教學,並不代表當中並未融合其他原則,只是所選用的重點原則有較顯著的評估活動連貫於課堂教學設計中。為了

² 張淑賢 (Berry) (2007) 提出原則一「評估連結教與學」; 原則二「採用多樣化的評估方法」; 原則三「選擇對學習有利的評估方法」; 原則四「謀求同事通力合作」; 原則五「持續評估學生」; 原則六「讓學生參與評估過程」; 原則七「以評估了解學生的學習」; 原則八「讓學生知道評估準則」; 原則九「以反饋輔導學生學習」; 原則十「分析和報告學生成績」, 於 2008 年發表英文版本的評估原則。為了協助教師將評估原則的理論與教學實踐連結起來,於 2014 年發表了英文版本的 50 項評估指標, 具體地將評估原則闡釋出來。

協助教師將評估原則的理論與教學連結起來,Berry(張淑賢)(2014)具體地將評估原則以50項評估指標闡釋出來。本文將以此指標作為案例分析框架,以下是原則二與原則六的評估指標(在50項指標中,兩者分別排6-9及23-31):

表一. 促進學習評估指標摘錄

	人 · 灰连子自可怕相係稠歟			
評估原則	評估指標			
原則 2 採用多樣化的 評估方法	6. 教師採用多種不同評估策略/方法評估學生,例如標準化的紙 筆評估,以及另類評估,如:學習檔案、研習報告、工作紙 及觀察。			
	7. 教師採用多元評估策略/方法,以協助學生達到不同的學習成果。			
	8. 教師採用多元評估策略/方法,以照顧不同學習需要。			
	9. 教師採用不同的評估策略/方法,提升學生對學習的興趣。			
原則 6 讓學生參與 評估過程	23. 教師所設計的評估能協助學生發展自學。			
	24. 教師會告訴學生將會學些什麼及其學習原因。			
	25. 教師輔助學生 (如:在小組/相鄰小組中) 進行協作,以達至協助他們學習的目的。			
	26. 教師讓學生檢視自己的作業和記錄自己的學習歷程。			
	27. 教師讓學生反思和與同儕討論自己的學習。			
	28. 教師讓學生進行自評和給予同儕回饋。			
	29. 教師協助學生理解他們的成就。			
	30. 教師協助學生預見/理解其預期學習成果,並讓學生參與評估活動,以支援他們達至相關成果。			
	31. 教師讓學生共同商討及制定新的學習目標。			

(Berry (張淑賢), 2014)

3.1 案例一:認識四邊形的特性

案例一的教學目標是讓學生認識正方形、長方形、平行四邊形、菱形和梯形的特徵,學習辨認上述四邊形,並理解各種四邊形的定義。教師在是次教學中,著重試行原則二「採用多樣化的評估方法」及原則六「讓學生參與評估過程」設定教學計劃(見表二)。

表二. 案例一 教學設計摘要

教學設計摘要

年級:4年級(第一學期) 課題:認識四邊形的特性

學生的已有知識:知道有四條邊及四隻角的圖形為四邊形

教學目標:

● 學生能直觀理解及說出正方形、長方形、平行四邊形、菱形和梯形的特徵;

學生能辨認這些四邊形。

評估原則:原則二「採用多樣化的評估方法」、原則六「讓學生參與評估過程」

教學環節	教學步驟	評估策略			
引起動機	1. 解釋特徵的重要性:● 「我們要辨認出不同種類的四邊形就要知道它們的特徵。」	提問: ● 「我有什麼特點,使你能辨認到我?」 ● 讓學生從日常生活中明白為什麼要學習四邊形的特徵。			
小組活動	 分組活動 5位學生為一組,每組均混合了能力較好與較弱的學生。 每位學生分別在組內介紹一種四邊形(包括:正方形、長方形、梯形、平行四邊形、菱形),並與其他同學討論其特點。 每組安排一位同學向全班匯報一種四邊形的特徵。 	同儕互評 從學生的匯報中,教師能了解他們對各種四邊形的認知程度; 通過討論及同儕評估,讓能力較佳的學生指導較差的,藉以改善他們的學習; 教師在活動中隨機巡視及觀察,並適時給予回饋與協助。			
延展學習	 3. 評核工作紙 4. 繪製四邊形的圖畫 ● 學生根據所學設計一幅包含正方形、長方形、平行四邊形及菱形的圖畫。 ● 教師從中挑選優秀學生作品,並張於貼壁報上,以作獎勵。 	紙筆評估 ● 紙筆評估的成績可以檢視學生的學習情況; ● 通過畫圖課業,評估學生是否能綜合各種四邊形的特徵,並應用出來進行創作。			

3.1.1 原則二:採用多樣化的評估方法

教師在教學實踐中,用上指標 6-採用多種不同評估方法評估學生,如:

- 小組討論:教師以5人一組,讓每位學生分別在組內介紹一種四邊形, 完畢後需與組內同學討論其特點。師生透過聆聽對方的表述,了解學 生對四邊形的認知程度。
- 匯報:每種四邊形抽選一位學生向全體同學匯報其特性,師生共同檢視其匯報結果是否準確,並藉討論協助學生訂正當中的謬誤。
- 提問:利用不同層次的提問來檢視學生對四邊形特徵的掌握程度。
- 畫圖:要求學生設計一幅包括各種四邊形的圖畫,以評估學生能否內 化各種四邊形的特徵,藉創作表現出來。
- 紙筆評估:在互評及課後,教師會派發評核工作紙讓學生完成,以檢 視學生的學習進度。

教師採用了多元評估方法,以協助學生達到不同的學習成果(指標 7): 1. 扼要記下了四邊形的特徵; 2. 深入理解各四邊形的特徵及定義概念; 3. 應用各四邊形特徵在實際操作中。當學生在討論或匯報時,能準確地表述四邊形的特徵,即說明學生能掌握相關概念;反之,學生在表述時出現錯誤理解,說明該學生對四邊形的理解出現謬誤。此外,教師用高階思維提問來檢視學生能否掌握各種四邊形的特徵。以下是師生在課堂中的問答摘錄:

教師: 我們可以怎樣區分正方形和長方形?

學生 A: 長方形像是壓扁了的正方形。

學生 B: 長方形沒有相等的鄰邊,如果四邊相等就變成正方形。

學生 A 的回答, 說明他能直觀辨認出四邊形; 學生 B 的回答, 則說明了他能理解兩種四邊形的相異處。此外, 畫圖可評估學生能否綜合四邊形的特徵, 以繪圖方式表現出來; 紙筆評估能檢視學生利用所學的知識解難, 以成績來表示學習成果。教師透過多元的學習成果表現, 更全面掌握學生的學習情況與進展。

教師在是次課堂中通過運用不同面向及有難度差異的評估方法,正正落實了指標 8- 照顧不同學習需要。如:圖形分辨能力較弱的學生需要增強圖像感,概念理解較弱的學生需要加強抽象概括的能力。除此之外,教師還落實了指標 9-提升學生對學習的興趣。如:有些學生善於以口語表達/交流進行學習;有些學生喜歡繪畫,從中學習;有些學生喜歡用紙筆解題等。

3.1.2 原則六:讓學生參與評估過程

在課堂開始時,教師告訴學生將會學些什麼及其學習原因(指標 24)。 教師會向學生發問一些關於日常生活的問題,例如:「我有什麼特點,使你 能辨認到我?」,藉以用類比方式幫助學生明白:要準確辨認不同種類的四 邊形,就要了解各種四邊形的特徵。以下是師生在課堂中的問答摘錄:

教師: 我有什麼特點,使你能辨認到我?憑什麼分得出我和其他老師?

學生 A: 特徵。

教師: 我有什麼特徵?

學生 B: 老師戴眼鏡。

教師: 好多老師都有戴眼鏡,如果我沒有戴眼鏡,還是我嗎?

學牛 C: 眼耳口鼻和其他老師不同。

.

教師: 好,既然人有特徵,今天我想讓大家學習的四邊形也一樣有特徵。我們 知道了四邊形的特徵,就可以分辨不同的四邊形。四邊形有什麼特徵

呢?.....

教師用提問的方式告訴學生將會學四邊形的特性,學習原因是為了分辨不同的四邊形。隨後,教師開始進行小組討論活動。教師先派發工作紙(見圖一),讓學生在小組討論中可檢視自己的作業和記錄自己的學習歷程(指標 26)。教師為每組提供的工作紙之四邊形均不同,並以判斷和填充形式羅列學習要點,學生可在工作紙上回答這些問題,包括:「它有多少對平行邊?」、「有多少相等的對邊?」、「有多少相等的鄰邊?」、「有多少對相等的角?」等。此外,學生還可用文字描述四邊形。工作紙上所做的這些記錄,可讓學生檢視學習歷程。

姓名:以下是我所屬的專家組所指於		日期:	### ### ### ### ### ### ### ### ### ##
A.		這是一個 (梯形)	# 2 回答
B. 上面的四邊形,有以下的	特點加上 "✓" :		_
1. □ 它沒有平行邊	□ 它有	對平行邊;	が成功を取りをおがかりのの場合。 ・
2. □ 它沒有相等的對邊	□ 它有	對相等的對邊;	\
3. □ 它沒有相等的鄰邊	□ 它有	對相等的鄰邊;	8 20000000 NUTYONNOLE VI 1.00000000 000 00 2.0000000000 000 000
4. □ 它沒有相等的角	□ 它有	對相等的角;	3.0 回済和知明報義 ○ 日刊 対 4.0 回済和期間内 □ 日刊 対 5.0 第日 0.0 が日本一句写子を引上の対象を (字数字可能) 特 51
5. □ 其它			
C. 你可否用一句句子形容上	述的圖形 (字數不可	打超過 15 字)	BACHER (-) RE LE CHE CHE CHE CHE CHE CHE CHE CHE CHE CH

圖一. 同儕互評工作紙

當教師在開展同儕互評時,會先為學生進行分組,每 5 位學生為一組, 每組具有能力較高與較低的學生,每位學生先根據工作紙的提示反思一種 四邊形的特徵,在小組內介紹這種四邊形,其他同學再評判他講得是否正 確,若出現問題或錯誤,學生之間可以繼續深入討論。如此落實了指標 27-讓學生反思和討論自己的學習。教師亦會隨機巡視四周,因應學生需要, 適時給予讚賞和回饋,輔助學生在小組中進行協作,以達至協助他們學習 的目的(指標 25)。以下是學生在小組討論時的對話摘錄:

組員 A: 讓我先介紹。我介紹的是菱形。(該學生拿起工作紙,指著工作紙上的圖說)菱形有兩對平行邊,有兩對相等的角,有相等的對邊, 有相等的鄰邊。大家同意嗎?

其他組員: 同意。

組員 B: 我這個是梯形。它有一對平行邊。

組員 A: 你要拿起這幅圖,指著圖介紹。(組員 A 幫助組員 B 拿起工作紙)

組員 B: (指著圖說)它有一對平行邊,沒有對角。

組員 A: 是沒有相等的對角。

組員 B: 哦,沒有相等的對角。

從上述對話中,得知學生在小組討論時有機會評價同儕的作業,當某同學出現困難和錯誤時,組員會彼此協助,給予同儕回饋(指標 28)。教師期望學生通過這樣的互評,互相糾正對概念理解上的錯誤,加深對四邊形特性的認識。

3.2案例二:三位數乘兩位數

案例二,教師在教學中著重試行原則六「讓學生參與評估過程」。教學目標是讓學生能夠準確計算三位數乘兩位數,並掌握乘法直式計算的程序知識(見表三)。

表三. 三位數乘兩位數教學設計摘要

教學設計摘要

年級:4年級(第一學期)

課題:三位數乘兩位數

學生的已有知識:學會兩位數乘兩位數的計算方法。

教學目標:

1. 學生能夠準確計算三位數乘兩位數:

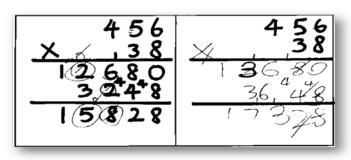
2. 學生能掌握直式計算方法。

評估原則:原則六「讓學生參與評估過程」

教學環節	教學步驟	評估策略
課前評估	1. 鞏固兩位數乘兩位數直式計算步 驟: i. 乘數的十位乘被乘數 ii. 乘數的個位乘被乘數 iii. 將結果相加 注意事項: • 補 0 • 對齊位 • 進位正確 2. 教師示範: 216×13	提問: ● 檢視學生能否掌握直式乘法。
小組活動	 3. 找錯處: ● 從有錯的算式中,讓學生自行檢視及修正。 4. 分組活動: ● 學生個別完成工作紙,並與鄰座互換檢視; ● 教師抽選學生在黑板演算,完成後與全體同學進行訂正評估。 	 紙筆評估: ● 讓學生做改錯練習,學習發現別人的錯漏。 紙筆評估 - 同儕互評活動: ● 讓學生懂得發現自己和別人的錯處,學習糾正錯誤; ● 教師從訂正的討論中給予回饋,指出學生常犯錯誤,改善善學生的學習。
總結	5. 回顧計算三位數乘兩位數的注意 事項。 6. 佈置課業。	提問: ● 「今天學了甚麼?」

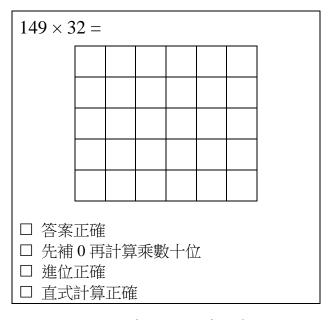
3.2.1 原則六:讓學生參與評估過程

為了落實評估指標 25 - 輔助學生在小組中進行協作,以達至協助他們學習的目的,教師先讓學生進行找錯處練習,並向全班示範互評步驟。在工作紙的左邊提供了一列計算錯誤的算式,同學需自行圈出其錯處,並完成工作紙右邊的直式改正(如圖二)。教師透過互評示範,讓學生在互評中能有更佳的協作,以獲得更佳的學習成效。



圖二. 找錯處練習

隨後,教師讓學生有機會進行自評和給予同儕回饋(指標 28)。為了落實評估指標 26 - 讓學生檢視自己的作業和記錄自己的學習歷程,教師在工作紙上羅列了計算程序中比較容易出錯的要點,例如:先補 0 再計算乘數十位、進位正確等,以協助學生檢視及反思自己的學習情況(見圖三)。學生在互相批改時,若對方達到評估準則的要求,則在該準則旁打鉤;若出現錯誤,則圈出來,經商討後作出修正。教師會在互評活動過程中隨機巡視,因應學生的需要及表現,給予讚賞和回饋,協助學生理解他們的成就(指標 29)。



圖三. 同儕互評工作紙摘錄

除了讓學生進行互評外,教師還會挑選一些學生在黑板上演算,邀請 全體同學共同參與訂正評估,檢視黑板上的算式。教師期望讓學生參與評 估活動,以支援他們達至相關的學習成果(指標 30)。例如:其中一位學 生在堂上黑板寫乘法直式時,沒有對齊數位,正是學生在沒有格子規限時 較常犯的錯誤。教師便趁此機會作出回饋,提醒學生注意因不對齊數位而 出現的誤差。由此可見,互評有助學生理解他們的學習成就,以提升他們 在計算乘法的準確度。

四、總結與建議

從上述兩個案例可看出,在數學科實施促進學習評估,能讓教師掌握 學生對「概念知識」的理解程度與操作「程序知識」的精準度。只評估學 生答案的對與錯,未必能發現學生在思考過程中所出現的問題,實施促進 學習評估有助教師發現學生數學思維中的錯誤與漏洞(Rose, Minton & Arline, 2007;劉秋木, 1996)。教師在教學實踐中,可以靈活運用促進學習 評估的原則,從不同的評估角度了解學生是深入理解概念知識和程序知 識,還是只流於死記硬背或模仿操作。透過案例一,教師運用小組討論、 匯報、提問、畫圖及紙筆評估等多樣評估策略,了解學生對認知及學習成 果上的不同表現。如:學生在介紹四邊形時,有些學生會直觀描述其形狀, 有些學生會分析各種四邊形的邊和角之異同。教師亦嘗試展開同儕互評, 幫助學生提升反思學習表現的能力、對概念知識的理解能力,以及對程序 知識的操作能力,讓學生學會在解難時自決「下一步要做什麼」。在小組討 論中,當一些能力較弱的學生出現學習困難時,同組能力較高的組員會給 予協助及回饋,讓錯誤得以修正。而在案例二中,教師讓學生根據評估準 則互相批改練習,期望學生能在檢視別人學習成果或發現別人錯誤時,反 思及鞏固自己所學。總的來說,十項評估原則可靈活調配於教學中,教師 可透過總結經驗,於課堂中不斷實踐,並從反思中持續整合出適合學生學 習需要的教學策略,藉以發揮教學與評估結合的效能。

鳴謝

最後,作者非常感謝以下學校及老師為本文提供精心設計和富啟發性 的案例:

- 柏立基教育學院校友會李一諤紀念學校,許敏詩老師
- 保良局王賜豪(田心谷)小學,周恩樂老師

參考文獻

- Assessment Reform Group (1999). Assessment for learning: Beyond the black box. Retrieved Aug 15, 2014, from http://www.nuffieldfoundation.org/sites/default/files/files/beyond_blackbox.pdf
- Berry, R. (2008). Assessment for learning. Hong Kong: Hong Kong University Press.
- Berry, R. (2013). Assessment as Learning (AaL) Framework for Teaching and Learning The AaL Wheel. *Assessment and Learning*, (1), 51-70.
- Berry, R. (2014). Assessment for learning in Hong Kong school: Conceptions, issues and implications. In C. Marsh & C.K.Li (Eds.) *Asia's high performing education systems*. London: Routledge.
- James, M., Black, P., McCormick, R. & Pedder, D. (2007). Promoting learning how to learn through assessment for learning. In M. James, and R. McCormick et al.(Eds.), *Improving learning how to learn: Classroom, schools, and networks* (pp.1-29). NY: Routledge.
- Rose, C. M. & Arline, C. B. (2009). Uncovering student thinking in mathematics, grades 6-12: 30 formative assessment probes for the secondary classroom. Thousand Oaks: Corwin Press.
- 李坤崇(1999):《多元化教學評量》,臺北:心理出版社股份有限公司。
- 張淑賢(2007): 以評估促進學習,輯於梁佩雲、張淑賢編,《導向學習的評估:教育實務匯編》,(頁7-19),香港,香港大學出版社。
- 劉秋木(1996):《國小數學科教學研究》,臺北:五南圖書出版股份有限公司。

作者電郵: 張淑賢(Rita Berry) rsyberry@gmail.com

黎耀志 yiuchi@ied.edu.hk

殷勤思 qsyin@ied.edu.hk